

ĐỀ LUYỆN TẬP SỐ 4

Môn học: Đại số tuyến tính

Thời gian: 90 phút

Câu 1 : Tính $z = \frac{-1 + i}{(\sqrt{3} - i)^{17}}$.

Câu 2 : Trong \mathbb{R}^3 , với tích vô hướng $(x, y) = ((x_1, x_2, x_3), (y_1, y_2, y_3)) = 5x_1y_1 + x_2y_2 + 2x_3y_3$, cho không gian con $F = \{(x_1, x_2, x_3) \mid x_1 + x_2 - 2x_3 = 0\}$. Tìm m để vectơ $x = (1, 5, m) \in F^\perp$

Câu 3 : Tìm m để A khả nghịch, biết $A = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 3 & 4 \\ 3 & 2 & 5 & 7 \\ -3 & 0 & 2 & 1 \\ 5 & -1 & m & 2 \end{bmatrix}$

Câu 4 : Trong $P_2[x]$, cho hai không gian con $F = \langle x + 1, x^2 - 1 \rangle$ và $G = \langle x^2 + 1, 2x + 1 \rangle$. Tìm chiều và một cơ sở $F \cap G$.

Câu 5 : Cho ánh xạ tuyến tính $f : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3$, biết $f(1, 1, 1) = (1, -2, 1)$, $f(0, 1, 1) = (3, -2, 1)$, $f(0, 0, 1) = (3, 0, 1)$. Tìm ma trận B của f trong cơ sở $E = \{(1, 1, 1), (1, 2, 1), (1, 1, 2)\}$

Câu 6 : Cho ánh xạ tuyến tính $f : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3$, biết ma trận của f trong cơ sở $E = (1, 0, 1); (1, 1, 0), (1, 1, 1)$ là $A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 \\ 2 & 3 & 0 \\ 3 & 5 & 1 \end{bmatrix}$. Tìm cơ sở và chiều của $\text{Ker } f$.

Câu 7 : Cho ánh xạ tuyến tính $f : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$, biết $f(1, 1) = (5, 8)$; $f(1, 2) = (5, 9)$. Tìm một cơ sở B của \mathbb{R}^2 sao cho ma trận của f trong B là ma trận chéo. Tìm ma trận chéo này.

Câu 8 : Cho ánh xạ tuyến tính $f : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3$, biết nhân sinh ra bởi $(1, 1, 1); (1, 1, 0)$ và $f(1, 0, 1) = (2, 0, 2)$. Tìm trị riêng và cơ sở của các không gian con riêng.

Giảng viên: TS Đặng Văn Vinh